

Thèse

présentée par

Eric Chassande-Mottin

pour obtenir le grade de Docteur

de l'Université de Cergy-Pontoise

(Spécialité : Traitement de l'Image et du Signal)

**Méthodes de réallocation dans le plan
temps-fréquence pour l'analyse et le
traitement de signaux non stationnaires**

Soutenue le 28 septembre 1998
devant le jury composé de MM.

François Auger

Richard G. Baraniuk

Christian Doncarli

Patrick Duvaut

Patrick Flandrin

Bruno Torresani

— **Rapporteur**

— **Président**

— **Directeur de Thèse**

— **Rapporteur**

La rue Heisenberg est bien incertaine. C'est pourtant ici, dans le jardin d'enfants que j'ai choisi de finir mon manuscrit et d'envoyer des remerciements à toutes celles et à tous ceux qui font qu'aujourd'hui je pose avec satisfaction un point final à ce travail.

En premier lieu, je dois cette satisfaction à Patrick Flandrin. C'est avec un grand plaisir que j'ai accompli sous sa direction ces trois années de travail. Il y a continuellement insufflé un courant de nouvelles idées toujours stimulantes. Travailler avec Patrick, c'est aussi apprendre la chose précieuse qu'est le goût de la probité et de l'exactitude dans chaque affirmation, dans chaque mot écrit.

Compagnon de (presque) tous les jours avec près de quatre cents messages échangés, François Auger a lui également une grande importance dans ce travail. Tout au long de cette véritable collaboration, il a été d'un enthousiasme moteur et d'une grande disponibilité. Merci à lui.

Mes remerciements vont également à toute l'équipe du Traitement du Signal pour toutes les discussions, les coup de mains et les bonnes rigolades. Patrice Abry a toujours été de bon conseil (il a même sacrifié beaucoup de son espagnol pour cela ¡muchas gracias, Patrice !). Merci à Olivier Michel et Christophe Baudet (et à leur page www) pour tous les moments au marqueur bleu, devant le tableau blanc. Les camarades de la salle K. LR 113, Anne-Emmanuelle Badel et Pierre Chainais, ont été de bon secours pendant les durs derniers moments. Et je n'oublierai pas Jeffrey O'Neill et Christophe Koudella qui ont su supporter (dans les deux sens du terme) l'étudiant en fin de thèse que je fus.

À Messieurs Bruno Torrèsanì et Christian Doncarli qui ont accepté de rapporter mon manuscrit, j'exprime mes sincères remerciements pour leurs remarques et leurs suggestions. Je remercie également Monsieur Richard Baraniuk d'avoir pris part dans la bonne humeur au jury et Monsieur Patrick Duvaut d'avoir bien voulu de le présider.

Ce travail est aussi fait d'échanges et de collaborations. En particulier, avec Ingrid Daubechies, qui a bien voulu m'accueillir au sein de son équipe pendant trois semaines qui furent très fructueuses et dont je garde un excellent souvenir. Paulo Gonçalves m'a bien souvent apporté son aide bardée d'humour et donné un avis constructif sur ce travail.

Je remercie Patrick Oswald de m'avoir accueilli au laboratoire de Physique de l'École Normale Supérieure de Lyon, endroit bien agréable à plein d'égards pour y faire une thèse. J'envoie en particulier une pensée amicale à la frange poitevine du laboratoire fièrement incarnée par Marie-Pierre Fuchs, à Claude Laroche l'homme de toutes les "manips" et de tous les bons vins, et à Christophe Coste, grand maître du rituel du thé.

Et enfin un grand merci à ma famille pour ces trois ans de soutien constant (big up to all my nieces and nephew) et à tous mes amis qu'ils soient suisse fondu, violoncelliste feynmannien, super gratton, diskjockey, surfer marseillais, australiens-la-tête-en-bas, travesti taïwanais, parisiens de tous poils, normand, ou pas tout à fait normand (normal?), et vraiment italiennes.

Heisenberg Straße
Berlin, le 11 Novembre 1998.

Méthodes de réallocation dans le plan temps-fréquence pour l'analyse et le traitement de signaux non stationnaires

Le cadre de ce travail est celui de l'analyse temps-fréquence (et temps-échelle). Plus précisément, on s'intéresse à la méthode dite de réallocation, destinée à améliorer la lisibilité des représentations temps-fréquence. Cette méthode a été introduite au cours des années 1970 et réactualisée récemment. Elle repose sur l'intervention d'un champ de vecteurs (de réallocation) adéquat qui déplace les valeurs de la distribution temps-fréquence de telle sorte qu'au final, la lecture en soit simplifiée. Bien que le principe de réallocation soit bien connu, les conséquences de sa mise en œuvre le sont moins. Le premier objectif de cette thèse est d'apporter des éléments de réponse à cette question. On effectue par exemple la description statistique du champ des vecteurs de réallocation (du spectrogramme) lorsque du bruit (gaussien) se superpose au signal (supposé déterministe). Compte tenu de ces informations, nous nous sommes ensuite attachés à améliorer la méthode originale : dans le cas de mélange signal et bruit, on propose une méthode de supervision qui décide en chaque point du plan temps-fréquence s'il est opportun de faire la réallocation. Nous montrons également que la méthode de réallocation peut se mettre en pratique au-delà d'un but d'analyse et prendre part dans une chaîne de traitement du signal : en s'appuyant sur une description géométrique précise des champs de vecteurs de réallocation, on introduit une nouvelle méthode de réallocation dite différentielle à partir de laquelle il devient possible de partager le plan temps-fréquence en régions que l'on associe à une composante du signal. Cette partition peut être donc vue *a posteriori* comme la décomposition du signal en composantes modulées en amplitude et/ou fréquence. Nous montrons également que, grâce à leur bonne propriété de localisation, les distributions temps-fréquence réallouées peuvent être utiles pour des problèmes de détection de chirps, comme par exemple celui des ondes gravitationnelles.

Mots-clé : Analyse temps-fréquence et temps-échelle – Transformée de Fourier à court-terme – Spectrogramme – Transformée de Wigner-Ville – Ondelette – Méthode de réallocation – Non stationarité – Fréquence instantanée – Partition du plan temps-fréquence – Détection des ondes gravitationnelles

Reassignment methods in the time-frequency plane for the analysis and processing of non stationary signals

This work takes part in the context of the time-frequency and time-scale analysis. More precisely, we are interested in the so-called reassignment method, which is devoted to improve the readability of time-frequency or time-scale representations. This method has been introduced during the 70's and it has been renewed recently. It is based on the action of a (reassignment) vector field which moves the values of the time-frequency distribution so that, at the end, its reading is simplified. Although the principle of reassignment is well known, this is not the case with the consequences of its use. The first goal of this thesis is to give some elements for answering this question. For example, we perform a statistical description of the (spectrogram) reassignment vector field when (Gaussian) noise is added to the signal (assumed to be deterministic). In a second step, by taking this information into account, we put forward improvements to the original reassignment method : in the signal + noise case, we propose a supervision technique which decides in each time-frequency point whether it is convenient to reassign or not. Finally, we show that the reassignment method can be useful for tasks beyond analysis and can be part of a signal processing chain : by using a precise geometrical description of the reassignment vector field, we introduce a new reassignment method, referred to as differential reassignment, with which it becomes possible to tile the time-frequency plane in regions. We associate each of these regions to a signal component. Therefore, this partitioning can be viewed *a posteriori* as a decomposition of the signal in amplitude and/or frequency modulated components. We also show that, thank to their good localization properties, the reassigned time-frequency distributions can be useful for chirp detection problems, such as the gravitational wave one.

Keywords: Time-frequency and time-scale analysis – Reassignment method – Short-time Fourier transform – Spectrogram – Wigner-Ville transform – Wavelet – Reassignment method – Non-stationarity – Instantaneous frequency – Partition of the time-frequency plane – Gravitational wave detection